

Manipulations des données

Ephémérides astronomiques

Serveur de l'IMCCE

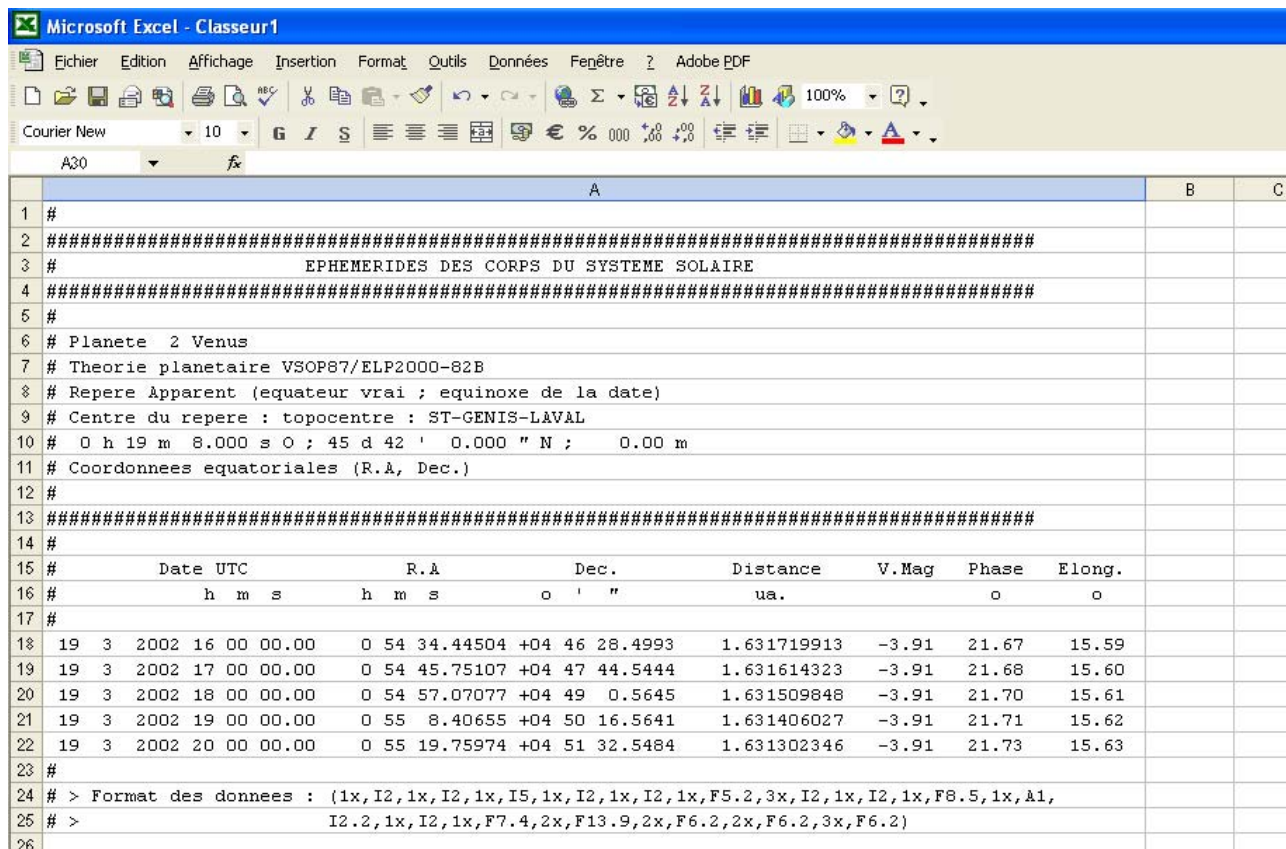
Une fois que l'on a en mémoire les éphémérides d'un ou des corps, il va falloir les traiter pour arriver au résultat que l'on s'est fixé : calcul de distances, tracé d'orbites, positions relatives, rapprochement angulaire ou spatial...

Les fichiers de données brutes utilisés se présentent sous la forme d'une colonne de cellule "Texte"

Exemple de coordonnées équatoriales de la planète Vénus :

```
#
#####
#                               EPHEMERIDES DES CORPS DU SYSTEME SOLAIRE
#####
#
# Planete 2 Venus
# Theorie planetaire VSOP87/ELP2000-82B
# Repere Apparent (equateur vrai ; equinoxe de la date)
# Centre du repere : topocentre : ST-GENIS-LAVAL
# 0 h 19 m 8.000 s O ; 45 d 42 ' 0.000 " N ; 0.00 m
# Coordonnees equatoriales (R.A, Dec.)
#
#####
#
#           Date UTC           R.A           Dec.           Distance           V.Mag           Phase           Elong.
#           h m s             h m s             o ' "             ua.             o             o
#
19 3 2002 16 00 00.00    0 54 34.44504 +04 46 28.4993    1.631719913    -3.91    21.67    15.59
19 3 2002 17 00 00.00    0 54 45.75107 +04 47 44.5444    1.631614323    -3.91    21.68    15.60
19 3 2002 18 00 00.00    0 54 57.07077 +04 49 0.5645    1.631509848    -3.91    21.70    15.61
19 3 2002 19 00 00.00    0 55 8.40655 +04 50 16.5641    1.631406027    -3.91    21.71    15.62
19 3 2002 20 00 00.00    0 55 19.75974 +04 51 32.5484    1.631302346    -3.91    21.73    15.63
#
# > Format des donnees : (1x,I2,1x,I2,1x,I5,1x,I2,1x,I2,1x,F5.2,3x,I2,1x,I2,1x,F8.5,1x,A1,
# >                               I2.2,1x,I2,1x,F7.4,2x,F13.9,2x,F6.2,2x,F6.2,3x,F6.2)
```

et son transfert dans une feuille du tableur



Mise en forme des données

Le premier travail va consister à séparer et extraire, dans des colonnes séparées, chaque variable des éphémérides (dates, coordonnées, magnitudes, distances...) sous forme numérique, utilisables pour les calculs et les tracés. Il y a quelques phases préliminaires à effectuer :

- mettre le texte dans une police facilitant la lisibilité
- changer, s'il y a lieu le caractère de "séparateur décimal"

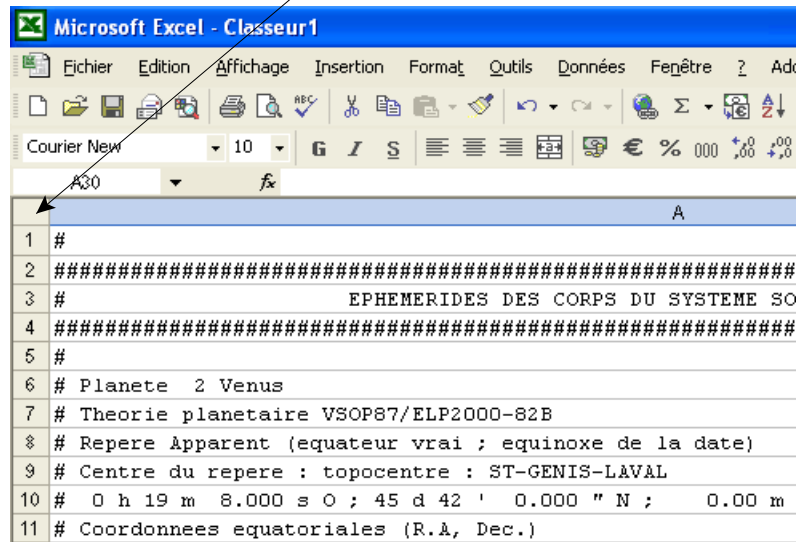
Case à cliquer pour sélectionner toute la feuille

Police à utiliser

Les données de la page web sauvegardée sont formatées. Dans toutes les lignes, une donnée est toujours à la même place et occupe toujours le même nombre de caractères.

Il est conseillé de garder la police "COURIER NEW" comme dans la page web de résultats. Cette police donne la même largeur à tous les caractères, et facilite la lecture en colonne.

Pour appliquer cette police à toutes les cellules, cliquer dans la case à l'intersection des numéros de lignes et colonnes, ce qui sélectionne toute la feuille, et choisir la police dans le menu déroulant "Polices".



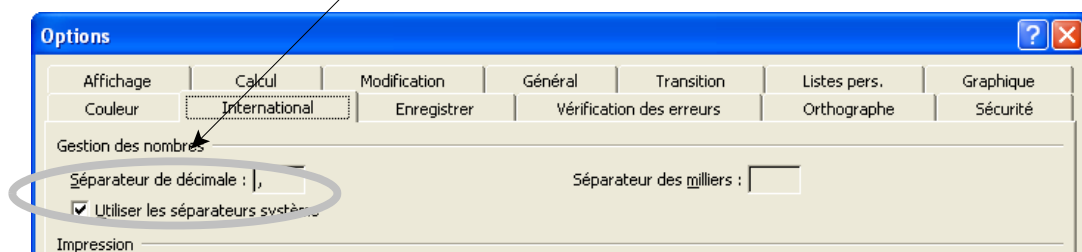
Conversion des données textes en valeurs numériques.

Problème du point ou de la virgule

Suivant l'option choisie dans Excel, la marque de *Séparateur décimal* sera le point "." ou la virgule ",", ou plus rarement un autre caractère.

Les données IMCCE comportent toujours le *point* comme marque décimale, il faudra donc éventuellement, faire sous Excel, un **remplacement global** de tous les points par des virgules en sélectionnant toutes les lignes de données et en faisant un chercher-remplacer.

On peut aussi changer l'option "séparateur de décimale" dans le tableur, en faisant *Outils/Options/International* :



Nota : le remplacement global de tous les points en virgule a le petit inconvénient de remplacer aussi dans les lignes d'information du début et des noms des données, les points qui s'y trouvent.

Pour convertir les données textes en données numériques, on utilise un certain nombre de fonctions de conversion du tableur. Pour faire les calculs, trier les données, d'autres fonctions sont utilisées. La page suivante donne les fonctions les plus couramment employées avec les éphémérides.

Fonctions excel utiles

Dans les fonctions, le séparateur des arguments est “;”.

ACOS (nombre)	Renvoie l'arccosinus d'un nombre. L'arccosinus, ou inverse du cosinus, est l'angle dont le cosinus est l'argument nombre. L'angle renvoyé, exprimé en radians, est compris entre 0 (zéro) et pi.
COS (nombre)	Renvoie le cosinus de l'angle spécifié.
ASIN (nombre)	Renvoie l'arcsinus ou le sinus inverse d'un nombre. L'arcsinus est l'angle dont le sinus est l'argument nombre. L'angle renvoyé, exprimé en radians, est compris entre -pi/2 et pi/2.
SIN (nombre)	Renvoie le sinus d'un nombre.
ATAN (nombre)	Renvoie l'angle dont la tangente valant nombre.
TAN (nombre)	Renvoie la tangente de l'angle donné.
ATAN2 (no_x;no_y)	Renvoie l'arctangente ou la tangente inverse des coordonnées x et y spécifiées. L'arctangente est l'angle formé par l'axe des abscisses (x) et une droite passant par l'origine (0, 0) et un point dont les coordonnées sont (no_x, no_y). Cet angle, exprimé en radians, est compris entre -pi et pi, -pi non compris.
DEGRES (angle)	Cette fonction convertit les radians en degrés.
RADIANS (angle)	Convertit des degrés en radians.
CNUM (texte)	Convertit en nombre une chaîne de caractères représentant un nombre.
STXT (texte;no_départ;no_car)	Renvoie un nombre donné de caractères extraits d'une chaîne de texte à partir de la position que vous avez spécifiée, en fonction du nombre de caractères spécifiés.
TEXTE (valeur;format_texte)	Convertit une valeur en texte selon un format de nombre spécifique.
MOD (nombre;diviseur)	Renvoie le reste de la division de l'argument nombre par l'argument diviseur. Le résultat est du même signe que diviseur.
RACINE (nombre)	Donne la racine carrée d'un nombre.
SI (test_logique;valeur_si_vrai;valeur_si_faux)	Renvoie une valeur si la condition que vous spécifiez est VRAI et une autre valeur si cette valeur est FAUX. Utilisez la fonction SI pour effectuer un test conditionnel sur des valeurs et des formules.
TEMPS (heure;minute;seconde)	Renvoie le nombre décimal d'une heure précise. Si le format de cellule était Standard avant que la fonction ne soit entrée, le résultat est mis en forme en tant que date. Le nombre décimal renvoyé par la fonction TEMPS est une valeur comprise entre 0 (zéro) et 0,99999999, qui représente l'heure, de 0:00:00 (12:00:00 AM) à 23:59:59 (11:59:59 PM).
TEMPSVAL (heure_texte)	Renvoie le nombre décimal de l'heure représentée par une chaîne de texte. Ce nombre décimal est une valeur comprise entre 0 (zéro) et 0,99999999, qui représente l'heure, de 0:00:00 (12:00:00 AM) à 23:59:59 (11:59:59 PM).

Types de données à convertir

Les éphémérides IMCCE comportent trois types de données à convertir de façon différentes :

- les dates (sous forme jour mois an) ex.: 12/11/2006
- les valeurs numériques simples (ex. : -5.6324566)
- les valeurs sexagésimales ex.: 12 45 23.456 ou -34 56 23.765

Dates

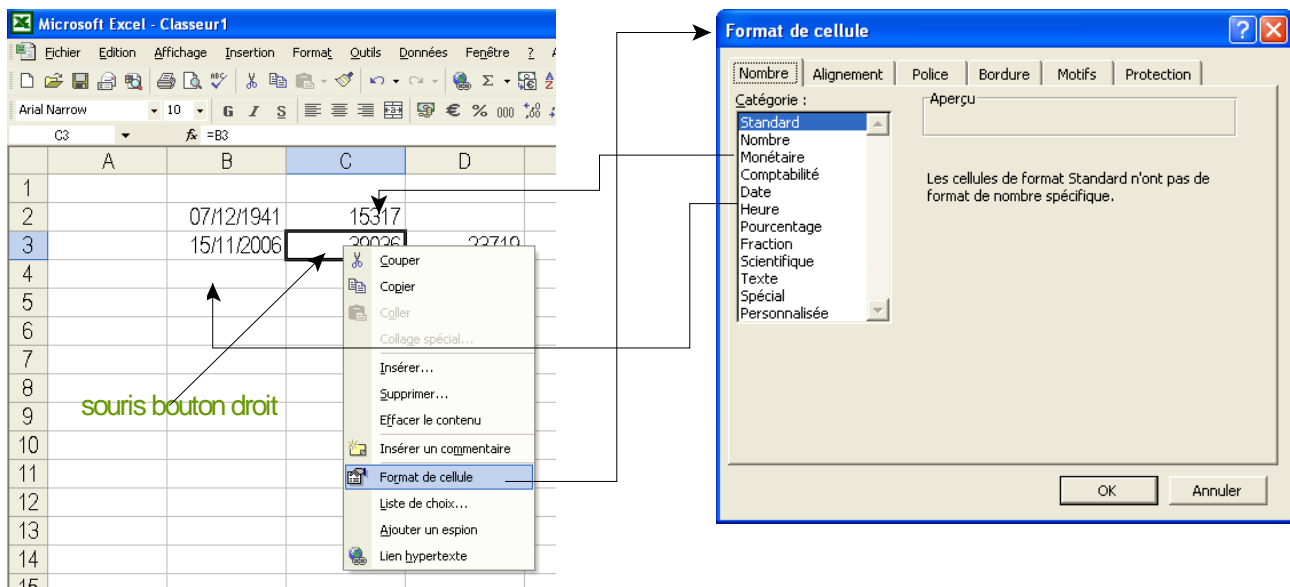
Les chaînes dates pour être utilisées comme dates (données numériques) doivent avoir un *format*, le plus souvent "JJ/MM/AAAA".

Attention : Pour une cellule, la déclaration de *format de cellule* en *date* ou *nombre* change la valeur affichée.

- déclaration *Format date* l'affichage est inchangé
- déclaration *Format nombre* transformation en nombre de jours depuis le 1^{er} janvier 1900.

Exemple : Format date Format nombre
 15/11/2006 39036,00

Ce changement de format des dates est à utiliser pour calculer le nombre de jours écoulés entre deux dates
 On recopie les deux cellules au *format date* dans deux autres cellule au *format nombre* et on en fait la soustraction.



Il en est de même pour les heures déclarées au *format heure* (hh:mm:ss) ou au *format nombre* (fraction de jour).

Jour julien

Les astronomes utilisent parfois, pour dater les éphémérides, les **jours juliens** (en option de sortie dans les éphémérides de l'IMCCE et en entrée sous forme de fichier dates). Avec le changement de format de cellule de *format date* en *format nombre*, il est aisé de passer de dates en jours julien et réciproquement.

Connaissant le jour julien du 1^{er} janvier 1900 à 0h (2415018,5) la relation est simple

$$\text{jour_julien} = \text{date_formatée en nombre} + 2415018,5 + 0,5$$

Le fichier **date-jj.xls** permet de faire les conversions dans les deux sens. Les cellules de calculs avec leurs formules peuvent être recopiées et collées dans d'autres feuilles.

Valeurs numériques

La formule de conversion d'une valeur numérique utilise une fonction d'extraction d'une partie de chaîne et sa conversion en valeur numérique.

$$=\text{CNUM}(\text{STXT}(\text{LC};\text{n1};\text{nc}))$$

- | | |
|------|---|
| LC | Cellule de texte |
| STXT | extraction de chaîne, n1 position du premier caractère, nc nombre de caractères |
| CNUM | conversion en valeur numérique |

Valeurs sexagésimales

Les valeurs sexagésimales demandent un traitement particulier puisque le nombre est composé de trois parties (heures minutes secondes ou degrés minutes secondes) et que le signe qui est devant les degrés affecte tout le nombre. Chaque partie doit être, pour les calculs convertie en nombre décimal.

- Conversion des heures ou degrés sans signe :

$$= \text{CNUM}(\text{STXT}(\text{LC};\text{ph};\text{nh})) + \text{CNUM}(\text{STXT}(\text{LC};\text{pm};\text{nm}))/60 + \text{CNUM}(\text{STXT}(\text{LC};\text{ps};\text{ns}))/3600$$

LC	cellule de texte
ph, pm, ps	position du premier caractère des heures (ou degrés), des minutes et des secondes
nh, nm, ns	nombre de caractères pour les heures (ou degrés), minutes et secondes

A utiliser pour les heures, les ascensions droites, les longitudes écliptiques, les azimuts...

- Conversion des degrés signés

$$= (\text{CNUM}(\text{STXT}(\text{LC};\text{ph};\text{nh})) + \text{CNUM}(\text{STXT}(\text{LC};\text{pm};\text{nm}))/60 + \text{CNUM}(\text{STXT}(\text{LC};\text{ps};\text{ns}))/3600) * (\text{SI}(\text{STXT}(\text{LC};\text{pp};1) = "-" ; -1 ; 1))$$

Le test permet d'affecter le signe + ou - à la valeur numérique positive calculée.

A utiliser pour les hauteurs, les déclinaisons, les latitudes écliptiques...

Extraction et conversion en valeurs numériques

On va créer pour chaque données, une colonne où l'on mettra la conversion en valeur numérique de celle-ci. Pour cette conversion quatre fonctions (CTXT, CNUM, STXT, DATE) et un test de condition (SI) sont utilisés. Le tableau ci-dessous donne les formules des cellules pour toutes les valeurs de sortie suivant les éphémérides demandées, XY étant la cellule qui contient le texte source.

Coordonnées équatoriales et horaires

Positions, nombres de caractères, fonctions et formules d'extraction des données

	position	nb car.	Formule
Date	1 à 12	12	=DATE(CTXT(STXT(XY;4));CTXT(STXT(XY;3));CTXT(STXT(XY;3)))
Heure (*)	14 à 24	11	=CNUM(STXT(AX;14;2))+CNUM(STXT(AX;17;2))/60+CNUM(STXT(AX;20;5))/3600 (heure décimale)
Ascension droite Angle horaire Longitude écliptique	27 à 41	15	=CNUM(STXT(AX;27;3))+CNUM(STXT(AX;31;2))/60+CNUM(STXT(AX;34;7))/3600
Déclinaison latitude écliptique	43 à 56	14	=(CNUM(STXT(AX;44;2))+CNUM(STXT(AX;47;2))/60+CNUM(STXT(AX;50;7))/3600) *(SI(STXT(AX;43;1)="-";-1;1))
Distance	59 à 71	13	=CNUM(STXT(AX;59;14))
Magnitude visuelle	75 à 79	5	=CNUM(STXT(AX;74;6))
Phase	82 à 87	6	=CNUM(STXT(AX;82;6))
Elongation	91 à 96	6	=CNUM(STXT(AX;91;6))

(*) **Nota** : pour les heures, la conversion texte en heure (fraction de jour) n'est valable que si l'heure est au format hh:mm:ss.

Données pour les coordonnées rectangulaires

La date et l'heure sont formatées comme les dates des coordonnées équatoriales et écliptiques.

	position	nbre caract.	Formule
X coordonnée X en u.a.	27 à 43	17	=CNUM(STXT(AX;27;17))
Y coordonnée Y en u.a.	45 à 61	17	=CNUM(STXT(AX;45;17))
Z coordonnée Z en u.a.	63 à 79	17	=CNUM(STXT(AX;63;17))
Distance au centre du repère en u.a.	82 à 97	17	=CNUM(STXT(AX;82;17))
Phase d'éclairement	100 à 105	6	=CNUM(STXT(AX;100;6))
Elongation : distance angulaire au Soleil	108 à 113	6	=CNUM(STXT(AX;108;6))
Xp vitesse suivant X	117 à 132	16	=CNUM(STXT(AX;117;16))
Yp vitesse suivant Y	135 à 150	16	=CNUM(STXT(AX;135;16))
Zp vitesse suivant Z	153 à 168	16	=CNUM(STXT(AX;153;16))
Vr vitesse radiale / au centre du repère	170 à 178	9	=CNUM(STXT(AX;170;9))

Structure des feuilles de calculs

Il est recommandé de créer des feuilles de calculs Excel

- en gardant les lignes d'information
 - Nom de l'objet
 - Type de coordonnées (J2000, coordonnées moyennes..)
 - Centre du repère
 - Type de coordonnées
- avec la même structure
 - même numéro de colonne pour les mêmes données
 - même numéro de première ligne de données (A16 dans l'exemple ci-dessous).

EPHEMERIDES DES CORPS DU SYSTEME SOLAIRE																						

Planete 2 Venus																						
Theorie planetaire DE405/LE405																						
Coordonnees Moyennes de la date																						
Centre du repere : geocentre																						
Coordonnees equatoriales (R,A, Dec.)																						

Date UTC	R. A		Dec.		Distance	V. Mag	Phase	Elong.	muRcosDE	muDE	Date	Heure	Long.	Lat	Dist (ua)	V. Mag	Phase	Elong.				
h m s	h m s	o ' "	ua.		o	o	o	"/s	"/s													
16	1	1	2007	0	0	0,00	19 53 20,65431	-22 14 39,5515	1,621715457	-3,91	21,77	16,04	0,514E-01	0,894E-02	01.01.2007	00.00.00	19.889071	-22.24432	1,6217155	-3,91	21,77	16,04
17	2	1	2007	0	0	0,00	19 58 40,25316	-22 1 27,4229	1,619005130	-3,91	22,10	16,28	0,513E-01	0,940E-02	02.01.2007	00.00.00	19.977848	-22.02428	1,6190051	-3,91	22,10	16,28
18	3	1	2007	0	0	0,00	20 3 58,76785	-21 47 35,8435	1,616259279	-3,91	22,43	16,51	0,513E-01	0,985E-02	03.01.2007	00.00.00	20.066324	-21.79329	1,6162593	-3,91	22,43	16,51
19	4	1	2007	0	0	0,00	20 9 16,16524	-21 33 5,3758	1,613478014	-3,91	22,76	16,75	0,512E-01	0,103E-01	04.01.2007	00.00.00	20.154490	-21.55149	1,6134780	-3,91	22,76	16,75
20	5	1	2007	0	0	0,00	20 14 32,41497	-21 17 56,6014	1,610661375	-3,91	23,09	16,98	0,511E-01	0,107E-01	05.01.2007	00.00.00	20.242337	-21.29906	1,6106614	-3,91	23,09	16,98
21	6	1	2007	0	0	0,00	20 19 47,48932	-21 2 10,1201	1,607809936	-3,91	23,42	17,21	0,510E-01	0,112E-01	06.01.2007	00.00.00	20.329858	-21.03614	1,6078093	-3,91	23,42	17,21
22	7	1	2007	0	0	0,00	20 25 1,36315	-20 45 46,5499	1,604921810	-3,91	23,75	17,45	0,509E-01	0,116E-01	07.01.2007	00.00.00	20.417045	-20.76293	1,6049218	-3,91	23,75	17,45
23	8	1	2007	0	0	0,00	20 30 14,01379	-20 28 46,5260	1,601998666	-3,91	24,08	17,68	0,507E-01	0,120E-01	08.01.2007	00.00.00	20.503893	-20.47959	1,6019987	-3,91	24,08	17,68

Une disposition identique d'une feuille à l'autre ou d'un fichier à l'autre facilite grandement la réutilisation d'une feuille avec les formules déjà prêtes.

Soit en dupliquant la feuille et en collant de nouvelles éphémérides sur les anciennes (attention à normaliser de nouveau le point ou la virgule décimale).

Soit en recopiant les cellules contenant les formules avec un *Collage spécial formule* (voir paragraphe suivant).

Nota : pour alléger les feuilles de calculs, il est possible de créer ultérieurement une feuille avec seulement les résultats des extractions par un *Copié-collé spécial valeurs* des colonnes utiles au calculs suivant.

Recopie de formules

Pour utiliser les formules d'une feuille dans une autre feuille de calcul

- 1) Sélectionner sur la 1^{ère} ligne de données, toutes les *cellules avec formules*
- 2) Faire un *copié*

A											B	C	D	E	F	G	H	I				
1	*****																					
2	EPHEMERIDES DES CORPS DU SYSTEME SOLAIRE																					
3	*****																					
4																						
5	Planete 2 Venus																					
6	Theorie planetaire DE405/LE405																					
7	Coordonnees Moyennes de la date																					
8	Centre du repere : geocentre																					
9	Coordonnees equatoriales (R,A, Dec,)																					
10	*****																					
11	*****																					
Date UTC	R.A	Dec.	Distance	V.Mag	Phase	Elong.	muRacosDE	muDE	Date	Heure	Long.	Lat.	Dist. (ua.)	V. Mag	Phase	Elong.						
h m s	h m s	o ' "	ua.		o	o	"/s	"/s														
16	1	1	2007	0	0	0,00	19 53 20,65431	-22 14 39,5515	1,621715457	-3,91	21,77	16,04	0,514E-01	0,894E-02	01.01.2007	00:00:00	19,889071	-22,24432	1,6217155	-3,91	21,77	16,04
17	2	1	2007	0	0	0,00	19 58 40,25316	-22 1 27,4229	1,619005130	-3,91	22,10	16,28	0,513E-01	0,940E-02	02.01.2007	00:00:00	19,917848	-22,02428	1,6100051	-3,91	22,10	16,28
18	3	1	2007	0	0	0,00	20 3 58,76785	-21 47 35,8435	1,616259279	-3,91	22,43	16,51	0,513E-01	0,985E-02								
19	4	1	2007	0	0	0,00	20 9 16,16524	-21 33 5,3758	1,613478014	-3,91	22,76	16,75	0,512E-01	0,103E-01								
20	5	1	2007	0	0	0,00	20 14 32,41497	-21 17 56,6014	1,610661375	-3,91	23,09	16,98	0,511E-01	0,107E-01								
21	6	1	2007	0	0	0,00	20 19 47,48932	-21 2 10,1201	1,607809336	-3,91	23,42	17,21	0,510E-01	0,112E-01								

- 3) Faire un *Collé spécial formule* dans la nouvelle feuille, au même emplacement

A											B	C	D	E	F	G	H	I				
1	*****																					
2	EPHEMERIDES DES CORPS DU SYSTEME SOLAIRE																					
3	*****																					
4																						
5	Planete 2 Venus																					
6	Theorie planetaire DE405/LE405																					
7	Coordonnees Moyennes de la date																					
8	Centre du repere : geocentre																					
9	Coordonnees equatoriales (R,A, Dec,)																					
10	*****																					
11	*****																					
Date UTC	R.A	Dec.	Distance	V.Mag	Phase	Elong.	muRacosDE	muDE	Date	Heure	Long.	Lat.	Dist. (ua.)	V. Mag	Phase	Elong.						
h m s	h m s	o ' "	ua.		o	o	"/s	"/s														
16	1	1	2007	0	0	0,00	19 53 20,65431	-22 14 39,5515	1,621715457	-3,91	21,77	16,04	0,514E-01	0,894E-02								
17	2	1	2007	0	0	0,00	19 58 40,25316	-22 1 27,4229	1,619005130	-3,91	22,10	16,28	0,513E-01	0,940E-02								
18	3	1	2007	0	0	0,00	20 3 58,76785	-21 47 35,8435	1,616259279	-3,91	22,43	16,51	0,513E-01	0,985E-02								
19	4	1	2007	0	0	0,00	20 9 16,16524	-21 33 5,3758	1,613478014	-3,91	22,76	16,75	0,512E-01	0,103E-01								
20	5	1	2007	0	0	0,00	20 14 32,41497	-21 17 56,6014	1,610661375	-3,91	23,09	16,98	0,511E-01	0,107E-01								
21	6	1	2007	0	0	0,00	20 19 47,48932	-21 2 10,1201	1,607809336	-3,91	23,42	17,21	0,510E-01	0,112E-01								

A											B	C	D	E	F	G	H	I				
1	*****																					
2	EPHEMERIDES DES CORPS DU SYSTEME SOLAIRE																					
3	*****																					
4																						
5	Planete 2 Venus																					
6	Theorie planetaire DE405/LE405																					
7	Coordonnees Moyennes de la date																					
8	Centre du repere : geocentre																					
9	Coordonnees equatoriales (R,A, Dec,)																					
10	*****																					
11	*****																					
Date UTC	R.A	Dec.	Distance	V.Mag	Phase	Elong.	muRacosDE	muDE	Date	Heure	Long.	Lat.	Dist. (ua.)	V. Mag	Phase	Elong.						
h m s	h m s	o ' "	ua.		o	o	"/s	"/s														
16	1	1	2007	0	0	0,00	19 53 20,65431	-22 14 39,5515	1,621715457	-3,91	21,77	16,04	0,514E-01	0,894E-02	01.01.2007	00:00:00	19,889071	-22,24432	1,6217155	-3,91	21,77	16,04
17	2	1	2007	0	0	0,00	19 58 40,25316	-22 1 27,4229	1,619005130	-3,91	22,10	16,28	0,513E-01	0,940E-02								
18	3	1	2007	0	0	0,00	20 3 58,76785	-21 47 35,8435	1,616259279	-3,91	22,43	16,51	0,513E-01	0,985E-02								
19	4	1	2007	0	0	0,00	20 9 16,16524	-21 33 5,3758	1,613478014	-3,91	22,76	16,75	0,512E-01	0,103E-01								
20	5	1	2007	0	0	0,00	20 14 32,41497	-21 17 56,6014	1,610661375	-3,91	23,09	16,98	0,511E-01	0,107E-01								
21	6	1	2007	0	0	0,00	20 19 47,48932	-21 2 10,1201	1,607809336	-3,91	23,42	17,21	0,510E-01	0,112E-01								

- 4) Utiliser la poignée de recopie (petit carré noir situé dans le coin inférieur droit de la sélection).

Sur le petit carré, le pointeur devient une croix.

Bouton gauche appuyé, faire glisser le pointeur vers le bas sur toutes les lignes des données.

A											B	C	D	E	F	G	H	I				
1	*****																					
2	EPHEMERIDES DES CORPS DU SYSTEME SOLAIRE																					
3	*****																					
4																						
5	Planete 2 Venus																					
6	Theorie planetaire DE405/LE405																					
7	Coordonnees Moyennes de la date																					
8	Centre du repere : geocentre																					
9	Coordonnees equatoriales (R,A, Dec,)																					
10	*****																					
11	*****																					
Date UTC	R.A	Dec.	Distance	V.Mag	Phase	Elong.	muRacosDE	muDE	Date	Heure	Long.	Lat.	Dist. (ua.)	V. Mag	Phase	Elong.						
h m s	h m s	o ' "	ua.		o	o	"/s	"/s														
16	1	1	2007	0	0	0,00	19 53 20,65431	-22 14 39,5515	1,621715457	-3,91	21,77	16,04	0,514E-01	0,894E-02	01.01.2007	00:00:00	19,889071	-22,24432	1,6217155	-3,91	21,77	16,04
17	2	1	2007	0	0	0,00	19 58 40,25316	-22 1 27,4229	1,619005130	-3,91	22,10	16,28	0,513E-01	0,940E-02								
18	3	1	2007	0	0	0,00	20 3 58,76785	-21 47 35,8435	1,616259279	-3,91	22,43	16,51	0,513E-01	0,985E-02								
19	4	1	2007	0	0	0,00	20 9 16,16524	-21 33 5,3758	1,613478014	-3,91	22,76	16,75	0,512E-01	0,103E-01								
20	5	1	2007	0	0	0,00	20 14 32,41497	-21 17 56,6014	1,610661375	-3,91	23,09	16,98	0,511E-01	0,107E-01								
21	6	1	2007	0	0	0,00	20 19 47,48932	-21 2 10,1201	1,607809336	-3,91	23,42	17,21	0,510E-01	0,112E-01								

Fichiers exemples

Coordonnées équatoriales J2000, géocentrique : ephem_2007-2020.xls
 Coordonnées écliptiques J2000, géocentrique : ephem_2007-2020.xls
 Coordonnées rectangulaire J2000, héliocentrique : ephem_2007-2020.xls

1 ligne par jour
 1 ligne par jour
 1 ligne par jour

Echantillonnage, rééchantillonnage, Tri, sous ensembles

Choix de l'échantillonnage

Suivant le sujet à traiter, le pas d'échantillonnage est à choisir.

Pour des évolutions de planètes à long terme, 1, 2 ou 5 jours est à prendre

Pour un suivi sur l'année, le pas de la journée est souvent suffisant

Pour un suivi sur quelques jours (étude de conjonctions...) L'heure, la demi-heure ou mieux peuvent être nécessaires.

Il est peut être commode parfois de mettre en mémoire un ensemble d'éphéméride avec un pas d'échantillonnage fin (l'heure ou la demi-heure sur une longue durée.

Mais il faudra suivant l'étude à faire soit extraire une petite partie sans changer d'échantillonnage (copié-collé ou effaçage des lignes inutiles), soit faire un tri judicieux pour rééchantillonner avec un pas plus faible.

Sous et suréchantillonnage

Il est toujours possible par copié-collé de prendre un sous ensemble continu d'un fichier d'éphémérides.

L'extraction de données intermédiaires dans un fichier éphémérides demande l'élaboration d'un test suivi d'un tri sur le résultat du test, puis de l'extraction de la partie intéressante ou l'élimination de la partie inutile.

Si l'on veut suréchantillonner un ensemble de données dans le temps, il est conseillé de prendre un pas plus fin pour le calcul des éphémérides, et éviter l'interpolation, sauf si l'intervalle de temps est petit et les variations faibles

Exemples d'application :

- fichier de très longue durée (20 ou 30 ans au pas d'un jour) rééchantillonner à 5 jours.
- dans un fichier sur l'année au pas d'une ligne par jour, ne garder que les lignes du 1^{er}, du 10, 20 et 30 du mois.

Ces exemples sont traités en ateliers (voir site web)

Tri

L'extraction de données intermédiaires dans un fichier éphémérides demande l'élaboration d'un test suivi d'un tri sur le résultat du test, puis de l'extraction de la partie intéressante ou l'élimination de la partie inutile.

La recherche d'instant où une donnée prend une valeur donnée (zéro, valeur particulière, maximum...) est à rechercher par test ou interpolation ou ajustement.

Interpolations

Trouver une valeur intermédiaire dans une série de donnée se rencontre très souvent dans les éphémérides, celles-ci étant calculées pour des dates précises échantillonnées régulièrement.

Inversement, trouver une date pour une valeur comprises entre deux valeurs dont on a les dates est aussi souvent nécessaire.

Les méthodes sont nombreuses, par interpolation, par approximation, par régression linéaire, etc.

Les plus simples sont les interpolations linéaire et parabolique.

Interpolation linéaire

Les formules sont simples à retrouver :

Soit v une variable prenant à t_1 la valeur v_1 et à la valeur v_2

Equation de la droite passant par v_1 et v_2

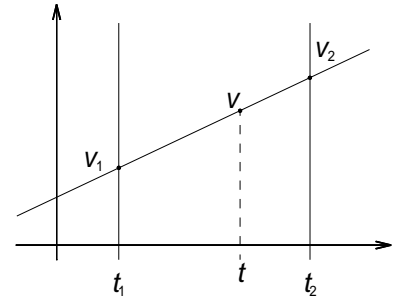
$$\frac{v - v_1}{t - t_1} = \frac{v_2 - v_1}{t_2 - t_1}$$

a) trouver la valeur de v à t , t situé entre t_1 et t_2

$$v = \frac{v_2 - v_1}{t_2 - t_1} (t - t_1) + v_1$$

b) trouver l'instant t où la variable a la valeur v comprise entre v_1 et v_2

$$t = \frac{t_2 - t_1}{v_2 - v_1} (v - v_1) + t_1$$



Voir exemple fichier jumamer.xls du rapprochements de Jupiter, Mars et Mercure du 10 décembre 2006.

Interpolation parabolique

On suppose que la variable x dont on connaît trois valeurs (x_1, x_2, x_3) à trois instants (t_1, t_2, t_3) suit une variation parabolique à l'intérieur du domaine temporel.

Les coefficients de la parabole (a, b et c de la forme ax^2+bx+c) peuvent se calculer de façon matricielle (voir ci-dessous).

Calcul d'un extremum

On a à trois instant $t_1 < t_2, t_3$, les valeurs x_1, x_2 et x_3 , x_2 étant la plus petite ou la plus grande des valeurs.

Soit x_i une série successive de données associée à une série de temps t_i . Et Parmi une série de valeurs successives de x prises de par et d'autre de la valeur de départ et régulièrement espacées de Δx , on garde la position minimale et les deux positions qui l'encadrent

On suppose que la variable dans ce petit intervalle suit une loi parabolique par rapport à t . On a donc le système d'équations :

$$x_1 = at_1^2 + bt_1 + c$$

$$x_2 = at_2^2 + bt_2 + c$$

$$x_3 = at_3^2 + bt_3 + c$$

On résout ce système par une méthode classique ou par la méthode matricielle

$$\begin{bmatrix} t_1^2 & t_1 & 1 \\ t_2^2 & t_2 & 1 \\ t_3^2 & t_3 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} a \\ b \\ c \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \\ x_3 \end{bmatrix} \quad M = \begin{bmatrix} t_1^2 & t_1 & 1 \\ t_2^2 & t_2 & 1 \\ t_3^2 & t_3 & 1 \end{bmatrix}$$

On calcul la matrice inverse $[M^{-1}]$

qui donne les coefficient a, b, c .

$$[M^{-1}] \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \\ x_3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} a \\ b \\ c \end{bmatrix}$$

Nota : le tableur Excel permet le calcul matriciel.

La position minimum étant à

$$t_{\min} = -\frac{b}{2a}$$

Valeur de la variable à un instant t

$$x = at^2 + bt + c$$

Instant t pour une valeur x : la résolution de cette équation donne deux solutions. La solution valable doit être à l'intérieur de l'espace temporelle considéré.

$$t = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$$

Echantillonnage régulier

Le problème se simplifie, si l'on a un échantillonnage temporel régulier Δt que l'on peut toujours ramener à 1. On fait un changement d'origine de t à t_2 .

Le système d'équation devient :

$$x_1 = a - b + c$$

$$x_2 = c$$

$$x_3 = a + b + c$$

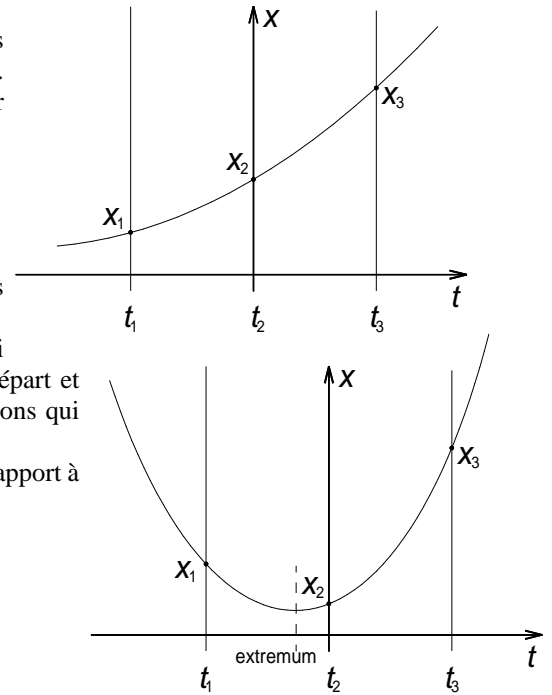
La résolution de ce système donne :

$$a = \frac{x_3 + x_1}{2} - x_2$$

$$b = \frac{x_3 - x_1}{2}$$

$$c = x_2$$

$$\min \text{ ou max à } -\frac{b}{2a} = -\frac{1}{2} \frac{x_3 - x_1}{x_3 + x_1 - 2x_2}$$



Exemple d'utilisation

- a) valeur à un instant donné de la variable
- b) instant pour une valeur donnée de la variable
- b) recherche de maxima ou minima d'une variable
- d) périhélie, aphélie...

Voir exemple fichier jumamer.xls du rapprochements de Jupiter, Mars et Mercure du 10 décembre 2006.

Positionnement de 3 corps

Il est souvent nécessaire lors du rapprochement temporaire de trois corps, de chercher les moments de conjonction et de rapprochements maximum.

On peut avoir à chercher le cercle qui passe par les trois astres, les distances minimales, le triangle de surface minimale (produit vectoriel) qui est formé, le centre de ce triangle (centre de gravité)...

Cercle passant par trois points

La recherche des conjonctions demande un calcul d'interpolation pour trouver le moment où la différence des longitudes écliptiques des deux corps est nulle.

Souvent un troisième corps est proche et il est intéressant de rechercher le moment où les 3 objets seront au plus près. La recherche d'un cercle passant par trois points est alors nécessaire pour rechercher le moment du cercle de rayon minimum.

Voir les fichiers *cercle_3pts.pdf* pour la description du problème et *cercle_3pts.xls* pour l'application dans le tableur Excel.

Centre de gravité

Une autre façon de minimiser l'approche de trois corps est de rechercher le cercle passant par le centre de gravité et englobant les trois corps. Ce cercle évolue au cours du temps.

On fait alors la recherche du rayon minimum pour la meilleure approche

$$(x_1; y_1) \quad (x_2; y_2) \quad (x_3; y_3) \quad \text{et} \quad (x_G; y_G)$$

Position du centre de gravité

$$x_G = \frac{x_1 + x_2 + x_3}{3}$$

$$y_G = \frac{y_1 + y_2 + y_3}{3}$$

Distances des trois corps au centre de gravité

$$d_1 = \sqrt{(x_1 - x_G)^2 + (y_1 - y_G)^2}$$

$$d_2 = \sqrt{(x_2 - x_G)^2 + (y_2 - y_G)^2}$$

$$d_3 = \sqrt{(x_3 - x_G)^2 + (y_3 - y_G)^2}$$

Avec pour critère d'approche :

$$d_{appr} = \max(d_1; d_2; d_3)$$

qui passe par un minimum.

Calculs simples

Distance angulaire de deux corps

Les planètes étant des objets éminemment mouvants sur le ciel, leurs distances angulaires relatives varient constamment. Il est donc utile de calculer leur distance angulaire en fonction de leurs positions.

Lorsque la distance angulaire est petite, on peut assimiler le triangle sphérique P_1P_2A à un triangle rectangle plan.

En coordonnées équatoriales

$$\Delta = \sqrt{(\Delta\alpha \cdot \cos\delta)^2 + (\Delta\delta)^2} =$$

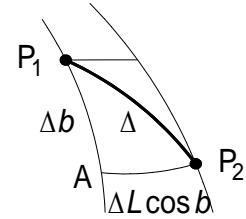
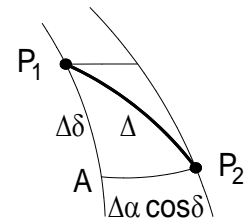
En coordonnées écliptiques

$$\Delta = \sqrt{(\Delta L \cdot \cos b)^2 + (\Delta b)^2} =$$

Si les deux corps sont plus éloignés, il faut utiliser la formule des triangles sphériques pour trouver l'angle d :

$$\cos d = \sin \delta_1 \cdot \sin \delta_2 + \cos \delta_1 \cdot \cos \delta_2 \cdot \cos(\alpha_1 - \alpha_2)$$

$$\cos d = \sin b_1 \cdot \sin b_2 + \cos b_1 \cdot \cos b_2 \cdot \cos(L_1 - L_2)$$



Critères de rapprochement de trois corps

Surface du triangle

Si l'on prend comme origine l'un des corps, on a deux vecteurs coplanaires partant de l'origine et aboutissant aux deux autres corps.

Le produit vectoriel de ces deux vecteurs donne deux fois la surface du triangle.

On recherche la surface minimale pour la meilleure approche.

Centre de gravité et rayon englobant les trois corps

Une autre façon de minimiser l'approche de trois corps est de rechercher le cercle passant par le centre de gravité et englobant les trois corps. Ce cercle évolue au cours du temps.

On fait alors la recherche du rayon minimum pour la meilleure approche

Soit les trois points et le centre de gravité

$$(x_1; y_1) \quad (x_2; y_2) \quad (x_3; y_3) \quad \text{et} \quad (x_G; y_G)$$

Distances des trois corps au centre de gravité

$$d_1 = \sqrt{(x_1 - x_G)^2 + (y_1 - y_G)^2}$$

$$d_2 = \sqrt{(x_2 - x_G)^2 + (y_2 - y_G)^2}$$

$$d_3 = \sqrt{(x_3 - x_G)^2 + (y_3 - y_G)^2}$$

Avec pour critère d'approche :

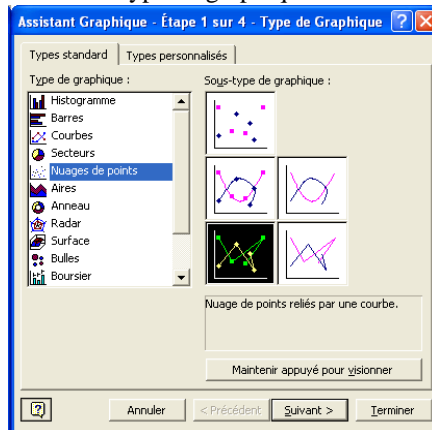
$$d_{appr} = \max(d_1; d_2; d_3)$$

qui passe par un minimum. (graphique à faire dans le tableau).

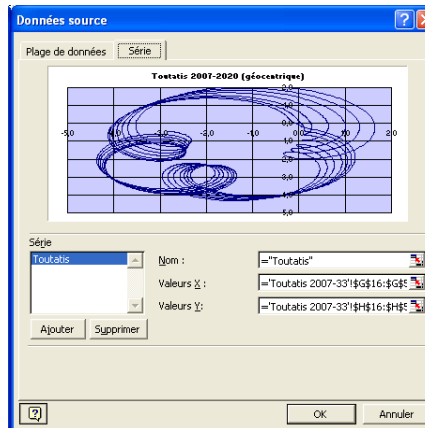
Tracés élémentaires

Sous Excel, il faut choisir

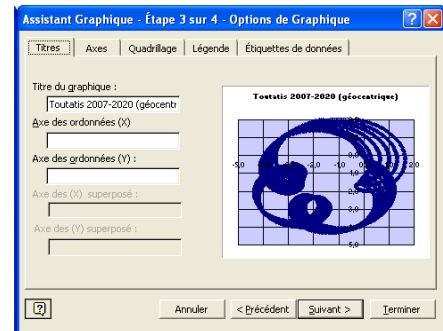
- le type de graphique
- le sous-type de graphique



- les données sources



- le titre et les noms des coordonnées



Les autres caractéristiques seront à définir à partir du graphique.

- plage de tracé en abscisses
- plage de tracé en ordonnées
- positionnement du repère abscisses en ordonnées
- positionnement du repère ordonnées en abscisses
- espacement des repères et sous repères
- tracé du quadrillage
- positions origines des lignes abscisses et ordonnées
- style, taille, couleur des marques